



5. Mathematik Olympiade
3. Stufe (Bezirksolympiade)
Klasse 8
Saison 1965/1966

Aufgaben





5. Mathematik-Olympiade
3. Stufe (Bezirksolympiade)
Klasse 8
Aufgaben

Hinweis: Der Lösungsweg mit Begründungen und Nebenrechnungen soll deutlich erkennbar in logisch und grammatikalisch einwandfreien Sätzen dargestellt werden. Zur Lösungsgewinnung herangezogene Aussagen sind zu beweisen. Nur wenn eine so zu verwendende Aussage aus dem Schulunterricht oder aus Arbeitsgemeinschaften bekannt ist, genügt es ohne Beweisangabe, sie als bekannten Sachverhalt anzuführen.

Aufgabe 050831:

Ermittle die Anzahl aller Zahlen zwischen 10 000 und 99 999, die wie z.B. 35 453 vorwärts gelesen die gleiche Ziffernfolge wie rückwärts gelesen ergeben.

Aufgabe 050832:

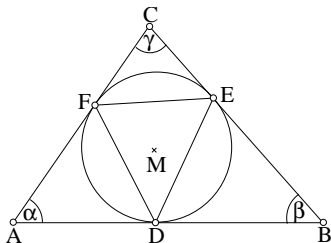
Ermittle alle in der Ebene des Dreiecks ABC gelegenen Punkte D , die mit den Eckpunkten A und B des Dreiecks ABC ein Dreieck bilden, dessen Flächeninhalt halb so groß ist wie der des Dreiecks ABC .

Aufgabe 050833:

Gib alle Quadrupel (z_1, z_2, z_3, z_4) zweistelliger Zahlen z_1, z_2, z_3, z_4 an, die folgende Eigenschaften haben. Für jedes Quadrupel gilt:

- (1) $z_1 \cdot z_2 = z_3 \cdot z_4$,
- (2) z_3 erhält man, wenn man z_1 rückwärts liest,
- (3) z_4 erhält man, wenn man z_2 rückwärts liest, (Beispiel $24 \cdot 63 = 42 \cdot 36$)
- (4) Unter den vier Ziffern von z_1 und z_2 gibt es keine zwei, die gleich sind,
- (5) z_1 ist die kleinste der vier Zahlen.

Aufgabe 050834:



Der Inkreis k des Dreiecks ABC habe mit den Dreiecksseiten AB , BC und CA die Berührungspunkte D , E und F (siehe Abb.). Die Winkel des Dreiecks ABC haben die Maße α , β , und γ .

Ermittle die Maße der Winkel $\sphericalangle DEF$, $\sphericalangle EFD$ und $\sphericalangle FDE$ des Dreiecks DEF !

Aufgabe 050835:

Jemand gießt 9 kg Wasser mit einer Temperatur von 30°C und 6 kg Wasser mit einer Temperatur von 85°C zusammen und rührt das Gemisch gut um.

Welche Temperatur würde das Gemisch annehmen, wenn man den Wärmeaustausch mit der Umgebung unberücksichtigt läßt?



Aufgabe 050836:

a) Konstruiere das Dreieck ABC , wenn $a + b$, r und α gegeben sind!

Dabei ist a die Länge der Seite BC , b die Länge der Seite AC , r die Länge des Umkreisradius und α das Maß des Winkels $\sphericalangle CAB$.

b) Beschreibe und diskutiere die Konstruktion!

Anmerkung: Die Konstruktionsbeschreibung soll kurz gehalten sein. Bei der Konstruktion von Dreiecken genügt die Angabe von Seiten und Winkeln, aus denen sich das Dreieck konstruieren läßt.